

---

## Les Mathématiques en Classe Préparatoire ECE

*Message aux futurs étudiants du Lycée français de Vienne (Rentrée 2015)*

---

Les mathématiques occupent une part importante des enseignements en ECE; beaucoup d'heures leur sont consacrées et les coefficients qui leur sont affectés aux concours sont élevés. C'est une discipline où les attentes, des enseignants dans un premier temps, mais surtout des examinateurs aux concours sont élevées: exigences de raisonnement, de rigueur et de rédaction.

Certains étudiants, notamment les bacheliers ES ou L option mathématiques, sont alors surpris des difficultés rencontrées, et c'est pourquoi il est nécessaire d'adopter dès le départ de bonnes méthodes de travail pour commencer (et poursuivre!) l'année sereinement. Aucune difficulté n'est insurmontable si on l'appréhende correctement. Parmi celles le plus souvent rencontrées par les élèves, on peut noter:

- Le *rythme soutenu* et le volume horaire consacré à la discipline.
- L'aspect assez *magistral* des cours.  
L'ancien lycéen pourra être surpris d'enchaîner définitions, théorèmes et démonstrations à la place de longues activités d'introduction. Au Lycée français de Vienne, vous aurez l'avantage d'être dans une classe avec un effectif réduit par rapport à d'autres CPGE et de bénéficier donc d'un *encadrement plus personnalisé*.
- La **nécessité absolue** *d'apprendre le cours*.  
Certains bacheliers ont réussi à évoluer dans leur scolarité sans une réelle connaissance du cours. Il va falloir dorénavant connaître son cours sans la moindre hésitation.
- La *suppression de la calculatrice*.  
Interdite aux concours, il va falloir (ré)apprendre à s'en passer. Il devient encore plus nécessaire de travailler son efficacité sur les calculs. Il est dommage qu'une simple division sabote les résultats d'un étudiant au niveau tout à fait honorable...

La mention des difficultés précédentes n'est pas dans le but de vous affoler. Au contraire, un examen attentif de ce qui vous attend peut vous permettre de vous préparer à entamer votre nouveau cursus dans les meilleures conditions.

**Des méthodes pour réussir.** Pour progresser et réussir en classe préparatoire, vous devrez commencer par améliorer vos méthodes de travail. Cela ne signifie pas simplement de travailler davantage de temps, mais cela inclut le fait de:

- Bien *organiser votre temps* et apprendre à être efficace.  
**Ne vous dispersez pas.** Votre temps est précieux! Soyez attentif en cours pour assimiler un maximum de notions et d'explications. Une simple présence physique n'est absolument pas suffisante.
- **Travailler son cours de manière approfondie.**  
Le cours est votre *support*: il contient les définitions, les outils et les résultats à appliquer pour résoudre les problèmes. Il est important de systématiquement reprendre son cours le jour même (vérifier la bonne compréhension des définitions, savoir refaire un exemple...) et *repérer* immédiatement d'éventuels points obscurs pour une clarification au cours suivant. Ne laissez pas s'accumuler les incompréhensions.
- Devenir autonome.  
Il est capital de prévoir de longues plages de travail pendant lesquelles vous pourrez approfondir le cours, préparer les prochaines séances et vous entraîner en faisant des exercices, des problèmes qui ne sont pas forcément ceux traités en classe.
- Analyser ses erreurs.  
En repérant toutes les erreurs à un devoir, vous devez les comprendre et être capable de ne pas les refaire. Tout devoir doit être repris intégralement dans ce but. C'est comme cela que vous progresserez!
- Avoir une bonne hygiène de vie.  
Votre temps de sommeil est très précieux. C'est pendant le sommeil que vous mémorisez ce que vous avez appris et que vous vous préparez à intégrer de nouvelles choses. Une alimentation saine et équilibrée permet de rester en forme tout au long de la journée et de ne pas s'endormir en classe. La pratique régulière d'une activité physique est toute aussi capitale. Enfin, sachez également réserver un peu de temps à vos loisirs pour vous détendre.

**Ce qu'il faut faire pendant les vacances d'été.** Vous devez revoir vos cours de Terminale et de Première. Plus précisément, vous devez maîtriser:

- Les *calculs élémentaires* (fractions, puissances, développements, factorisations...)
- La recherche de *limites de fonctions* (et de suites réelles), le calcul de dérivée et de primitive.  
**Les formules de dérivation et les limites classiques doivent être connues sur le bout des doigts sans la moindre hésitation!**
- Les calculs de *probabilités*.

Vous trouverez quelques exemples d'exercices à la fin de ce document. Il est très important de *se remettre progressivement dans le bain* au moins **deux semaines** avant la rentrée avec une moyenne de deux heures de travail effectif par jour.

Les cours et les exercices commenceront dès le premier jour.

**Ce qu'il ne faut pas faire pendant les vacances d'été.** Il ne faut pas essayer de prendre de l'avance sur le programme de première année (à l'aide de cours particuliers ou autre). Nous aborderons les nouvelles notions dans l'ordre en accordant une très grande importance à la rédaction et au raisonnement, ce que vous ne pourrez pas faire tout seul.

Il ne faut pas en revanche attendre la rentrée pour faire des maths, même si les autres matières que vous aurez vous demandent également du travail de préparation.

Les exigences seront **accrues dans toutes les disciplines par rapport au lycée** et aucune période de révision n'est prévue en première année.

**Bibliographie.** Il n'est pas indispensable d'acheter des ouvrages; vous pourrez emprunter des livres au CDI et on trouve beaucoup de choses de qualité sur Internet.

Je vous souhaite à toutes et à tous d'excellentes vacances et espère vous retrouver à la rentrée sereins, prêts et motivés!

Frédéric Gaunard ([frederic@gaunard.com](mailto:frederic@gaunard.com))

### EXEMPLES D'EXERCICES

Tous les exercices suivants sont à faire **sans calculatrice**. Vous pouvez également reprendre les exercices que vous avez traités en classe en Terminale et en Première.

**Exercice 1.** Simplifier les expressions suivantes:

$$a. \frac{\frac{1}{2} - \frac{1}{3}}{\frac{1}{2} + \frac{1}{3}}$$

$$b. \frac{1}{2} \frac{1}{\left(1 - \frac{1}{4}\right)^2} + \frac{1}{1 - \frac{1}{4}} - 1$$

$$c. \frac{\frac{1}{5} \left(1 + \frac{1}{5}\right)}{\left(1 - \frac{1}{5}\right)^3} + \frac{\frac{1}{5}}{\left(1 - \frac{1}{5}\right)^2}$$

$$d. \frac{\frac{a^2 + b^2}{b} + 2a}{\frac{1}{a} + \frac{1}{b}}$$

$$e. \frac{2}{n(n-1)} \left( n \frac{(n-1)n}{2} - \frac{(n-1)n(2n-1)}{6} \right)$$

$$f. \frac{2n(2n+1)}{2} - \frac{(n-1)n}{2}$$

$$g. \frac{\frac{\sqrt{a} + \sqrt{b}}{1} + \frac{\sqrt{b}}{1}}{\frac{1}{\sqrt{a}} + \frac{1}{\sqrt{b}}}$$

$$h. \frac{a + \sqrt{a^2 - b^2}}{a - \sqrt{a^2 - b^2}} - \frac{a - \sqrt{a^2 - b^2}}{a + \sqrt{a^2 - b^2}}$$

$$i. 2^n + 2^n$$

$$j. (2^{2^n})^{2^n}$$

$$k. 2^{n+1} - 2^n$$

$$l. 2^{2^n} 2^{2^n}$$

$$m. \frac{(2^3 \times 5^7)^{-2}}{(5^2 \times 3^{-3})^3}$$

$$n. \left[ \frac{(3 \times 5^2)^{-2} \times 2}{2^{-2} \times 3^3 \times 5^{-3}} \right]^{-3}$$

$$o. \left[ \left( -\frac{2}{3} \right)^2 \right]^3 \times \left[ \left( \frac{3}{5} \right)^{-2} \right]^3$$

$$p. \left( \frac{-5^2}{2^4} \right)^{-3} \times \left( -\frac{4}{9} \right)^6$$

$$q. \frac{(ab^{-1})^3}{c^2 b^{-2}} + \frac{(acb^{-1})^{-2}}{bc^{-2}} \times \frac{(a^3 b)^2}{(cb)^3}$$

$$r. \frac{(a^2 b^{-2})^{-5}}{(c^{-2} b^3)^{-2}} \times \frac{ab - c^{-1}}{c - (ab)^{-1}}$$

$$s. \frac{\ln(\sqrt{ab})}{\ln a + \ln b}$$

$$t. \ln\left(\frac{1-a}{a}\right) + 2\ln\left(\frac{a}{1-a}\right)$$

$$u. \frac{\ln a + \ln b - 1}{\ln\left(\frac{ab}{e}\right)}$$

$$v. \frac{\ln a^n + \ln a^a}{(\ln a)^n}$$

$$w. \frac{e^{2a}}{(e^a)^2 - \frac{1}{e^{-3a}}}$$

$$x. \frac{(e^a)^b - e^b e^{-a}}{(e^b)^a - \frac{1}{e^{-b} e^a}}$$

**Exercice 2.** Déterminer la fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = ax^2 + bx + c$  sachant que  $f(1) = 3$ ,  $f(-1) = -3$  et  $f(2) = 9$ . Résoudre alors l'inéquation  $f(x) \geq 1$ .

**Exercice 3.** Un fermier possède un grillage d'une longueur de 100 mètres pour former un enclos rectangulaire (le terrain est supposé plat). Comment doit-il choisir la longueur et la largeur de son terrain pour que ses vaches puissent manger le maximum d'herbe?

**Exercice 4.** Un capital de 20000 € est placé avec un taux d'intérêts  $t\%$  pendant un an. Au bout de cette période, les intérêts versés sont également capitalisés et le taux d'intérêts pour l'année suivante est  $(t - 1)\%$ . L'intérêt versé à la fin de la deuxième année est 1512 €. Calculer  $t$ .

**Exercice 5.**

1. La suite  $(u_n)$  est arithmétique de raison  $\frac{2}{5}$  et de premier terme  $u_0 = -2$ .

a) Calculer le terme  $u_{100}$  de cette suite.

b) Résoudre dans  $\mathbb{N}$  l'inéquation  $u_n \geq 50$ .

2. La suite  $(v_n)$  est géométrique de raison 2 et de premier terme  $v_0 = 1$ .

a) Calculer le terme  $v_5$  de cette suite.

b) Résoudre dans  $\mathbb{N}$  l'inéquation  $v_n \geq 100$ .

**Exercice 6.** On lance deux dés non truqués à 6 faces et on nomme  $X$  la variable aléatoire égale à la somme des résultats des deux faces.

Calculer  $P(X = 7)$ ,  $P(X = 8)$  et  $P(X = 6)$ .